

## Examen S1

### Exercice N° 1:

A- On considère un système à temps discret de fonction de transfert  $G(z)$ , placé dans une boucle à retour unitaire:

$$G(z) = \frac{z - 0.1}{z - 3}$$

- 1- Calculer l'erreur de position  $\varepsilon_p$  en boucle fermée. La précision est-elle acceptable ?
- 2- Calculer la fonction de transfert en boucle fermée. Le système est-il stable ?
- 3- Déterminer l'équation de récurrence reliant la sortie  $s_k$  et l'entrée  $e_k$  du système en boucle fermée.
- 4- Calculer  $\lim_{k \rightarrow \infty} s_k$  lorsque le signal d'entrée est un échelon unité. Retrouver l'erreur de position  $\varepsilon_p$ .

B- On introduit maintenant un correcteur sous forme d'un intégrateur dans la chaîne

directe, soit :  $C(z) = \frac{z}{z - 1}$

- 5- Calculer l'erreur de position  $\varepsilon_p$  en boucle fermée. Le correcteur  $C(z)$  a-t-il amélioré la précision
- 6- Comment peut-on obtenir une erreur de vitesse  $\varepsilon_v$  nulle? et comment peut-on améliorer la stabilité de ce système ?

### Exercice N° 2:

On considère un système de fonction de transfert en boucle ouverte  $G(z)$  définie par:

$$G(z) = \frac{Y(z)}{U(z)} = \frac{K}{z^2 - 0.4z + 0.8}$$

Le système étant excité en boucle ouverte par un échelon unité.

- 1- Calculer les six premiers éléments de la suite des échantillons de sortie pour  $K=3$ .

On place ce système dans une boucle à retour unitaire

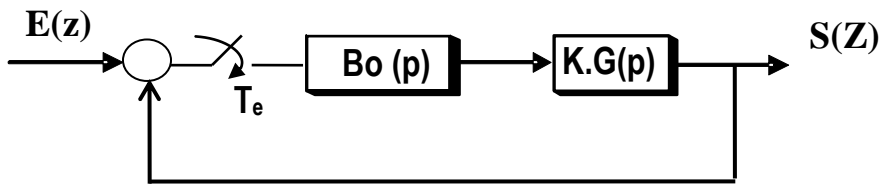
- 2- Déterminer les valeurs de  $K$  qui assurent la stabilité du système en boucle fermée.
- 3- Déterminer la valeur de  $K$  qui assure au système en boucle fermée une erreur de position égale à 5%.
- 4- Ce système peut-il être à la fois stable et avoir une erreur de position de 5% ?

## Test TD

1- Dans le diagramme de Bode

- Citer la règle de stabilité du revers
- Citer les deux critères de la marge de stabilité

2- Etudier, selon les valeurs du gain K, la stabilité du système discret représenté par le schéma fonctionnel suivant :



Avec : 
$$G(p) = \frac{1}{p} \quad (\text{pour } T_e = 1 \text{ s})$$

On donne : 
$$\mathbf{Z}\left(\frac{1}{p}\right) = \frac{z}{z-1}, \quad \mathbf{Z}\left(\frac{1}{p^2}\right) = \frac{Tz}{(z-1)^2}, \quad \mathbf{Z}\left(\frac{1}{p+a}\right) = \frac{z}{z-e^{-aT}}$$