

## Examen S1

### Exercice N° 1:

On considère un système à temps discret de fonction de transfert  $G(z)$ , placé dans une boucle à retour unitaire:

$$G(Z) = \frac{z - 0.2}{z - 3.8}$$

- 1- Calculer l'erreur de position  $\varepsilon_p$  en boucle fermée. La précision est-elle acceptable ?
- 2- Calculer la fonction de transfert en boucle fermée. Le système est-il stable ?
- 3- En déduire l'équation de récurrence du système.

On introduit ensuite un correcteur sous forme d'un intégrateur dans la chaîne directe, soit :

$$C(Z) = \frac{1}{1 - z^{-1}}$$

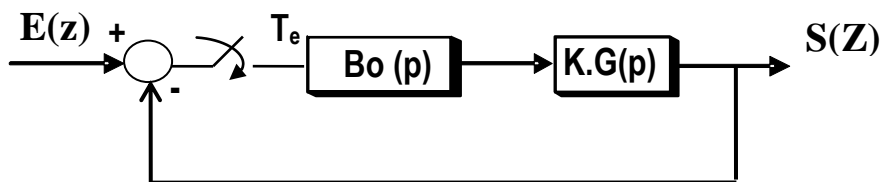
- 4- Calculer à nouveau la fonction de transfert en boucle fermée du système avec  $C(z)$ .
- 5- Le correcteur  $C(z)$  a-t-il amélioré la précision ou la stabilité ? Selon vous, comment peut-on améliorer la stabilité de ce système ?

### Exercice N° 2:

Soit un Système de fonction de transfert :

$$G(p) = \frac{10}{p(p+4)}$$

On l'échantillonne avec un bloqueur d'ordre zero, de période  $T_e=0.2$  s,



- A- Donner les différentes définitions de la stabilité d'un système
- B- Calculer la fonction de transfert échantillonnée en BO et en BF.
- C- Trouver la valeur du gain  $K$  pour que le système en B.F soit stable. Prendre la valeur limite maximale  $K_{\max}$  de l'intervalle et vérifier que le système est marginalement stable (cas du pompage) par le calcul des modules de ses deux pôles.

On donne :  $\mathbf{Z}\left(\frac{1}{p}\right) = \frac{z}{z-1}$ ,  $\mathbf{Z}\left(\frac{1}{p^2}\right) = \frac{Tz}{(z-1)^2}$ ,  $\mathbf{Z}\left(\frac{1}{p+a}\right) = \frac{z}{z-e^{-aT}}$

## Test TD (30 mn)

- 1- Démontrer que :  $Z(e^{-at} \cdot x(t)) = X(Ze^{at})$
- 2- Calculer, en utilisant la méthode des résidus, la transformée en z du signal f(t) défini par sa transformée de Laplace :

$$F(p) = \frac{p+2}{p^2(p+3)}$$